

Ежегодная международная научно-практическая конференция  
**«РусКрипто'2023»**

**О свойстве безопасности RUP  
для схем аутентифицированного шифрования**

**Бабуева А. А., ведущий инженер-аналитик, КриптоПро**

Алексеев Е. К., к.ф.-м.н., начальник отдела криптографических исследований, КриптоПро

Ахметзянова Л. Р., зам. начальника отдела криптографических исследований, КриптоПро

Божко А. А., инженер-аналитик, КриптоПро

# Схемы аутентифицированного шифрования

$Enc(K, P) \rightarrow (IV, C)$ : алгоритм аутентифицированного шифрования

$Dec(K, IV, C) \rightarrow P$  или  $\perp$ : детерминированный алгоритм расшифрования с проверкой целостности

$K$  – ключ

$IV$  – вектор инициализации (случайный или уникальный)

$P$  – открытый текст

$C$  – шифртекст

# Стандартные свойства безопасности



# На практике

$(IV, C)$



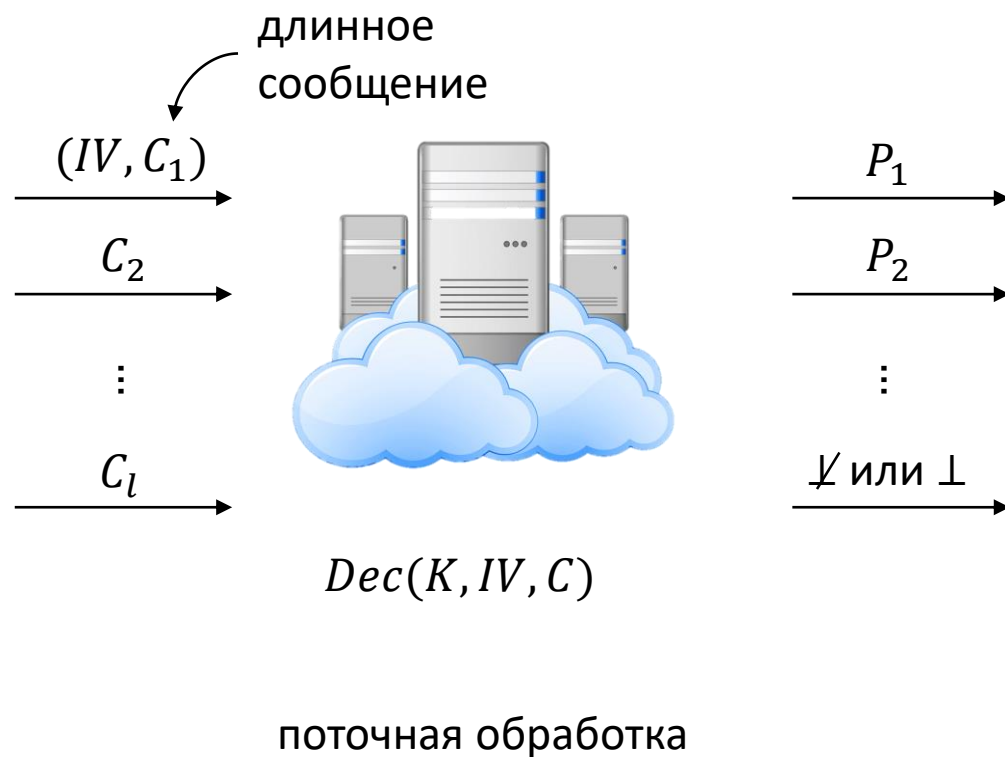
$Dec(K, IV, C)$

$P$  или  $\perp$

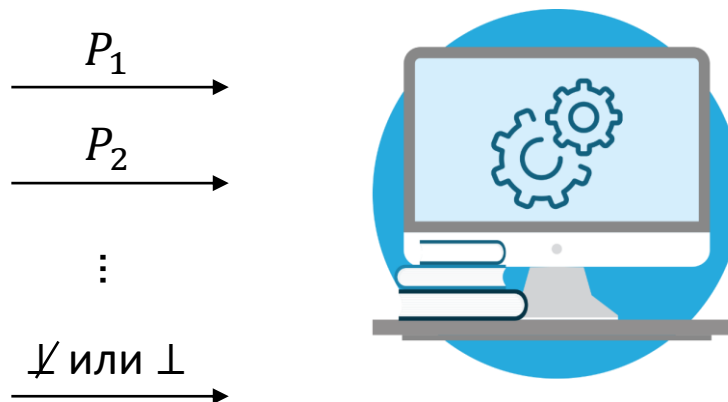


прикладная система

# На практике



прикладная система



прикладная система получает результат расшифрования даже некорректных шифртекстов



он может стать доступным нарушителю

# На практике



Нарушитель получает результат расшифрования некорректных шифртекстов:



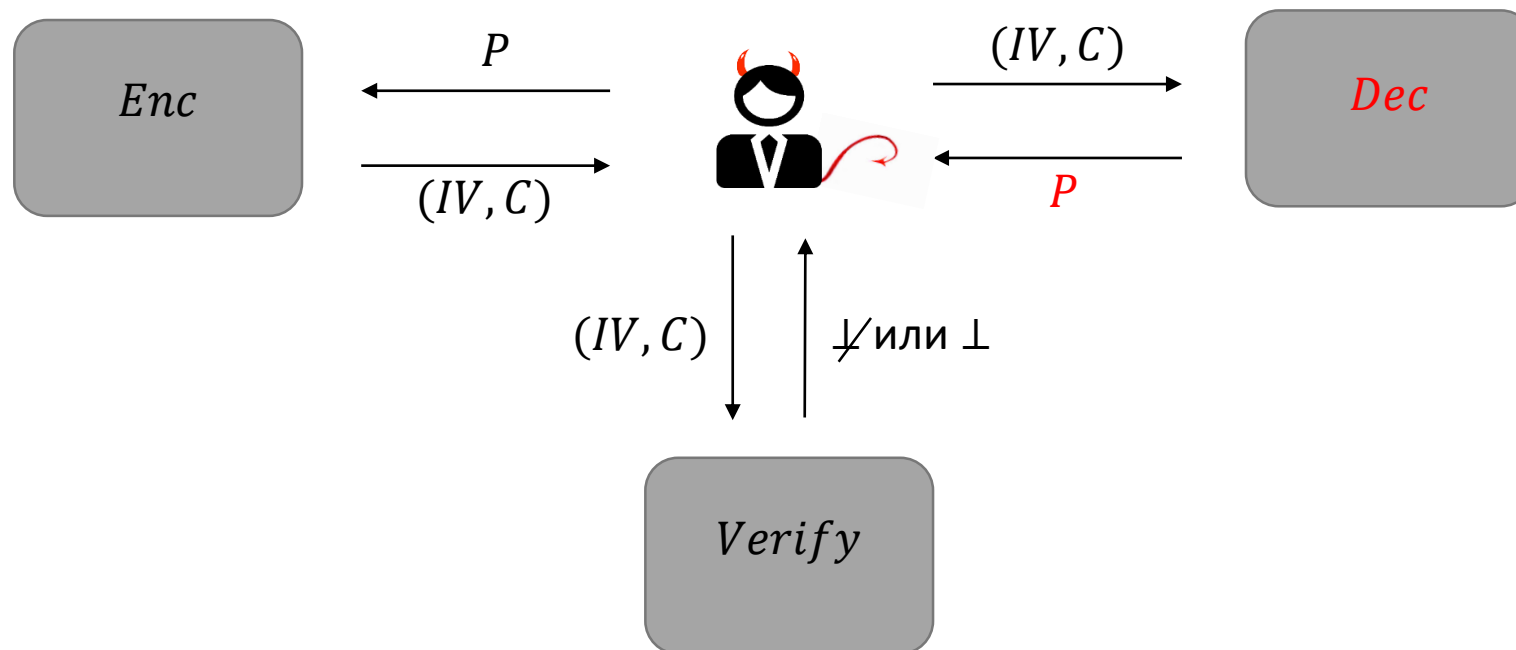
конфиденциальность



целостность

# Модель INT-RUP

INTegrity under Release of Unverified Plaintext



Задача нарушителя: предъявить нетривиальную подделку  $(IV^*, C^*)$

# Далее в докладе

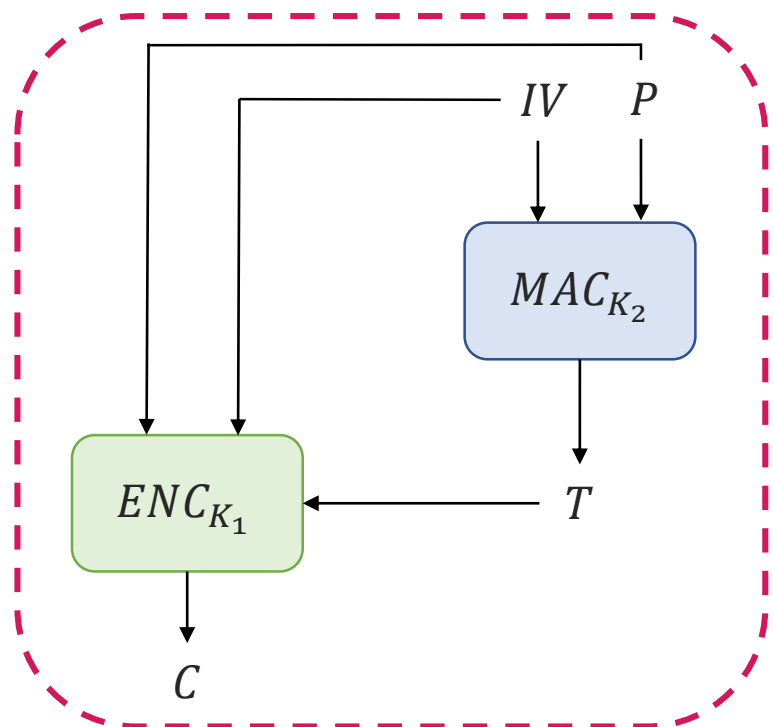
- ❑ достаточные условия обеспечения стойкости в модели INT-RUP для классических схем аутентифицированного шифрования на основе режима гаммирования
- ❑ анализ стойкости некоторых стандартизированных механизмов аутентифицированного шифрования



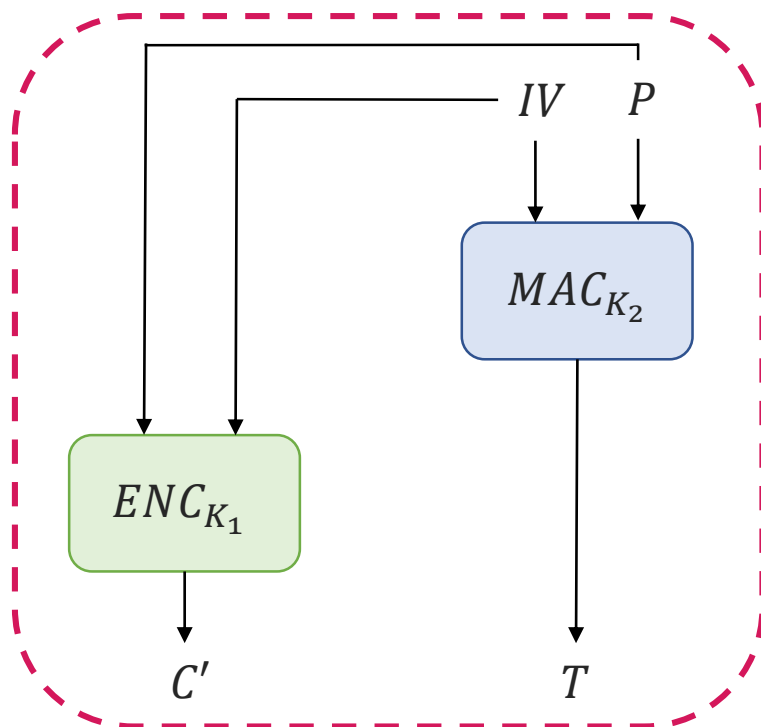


# Целевые схемы

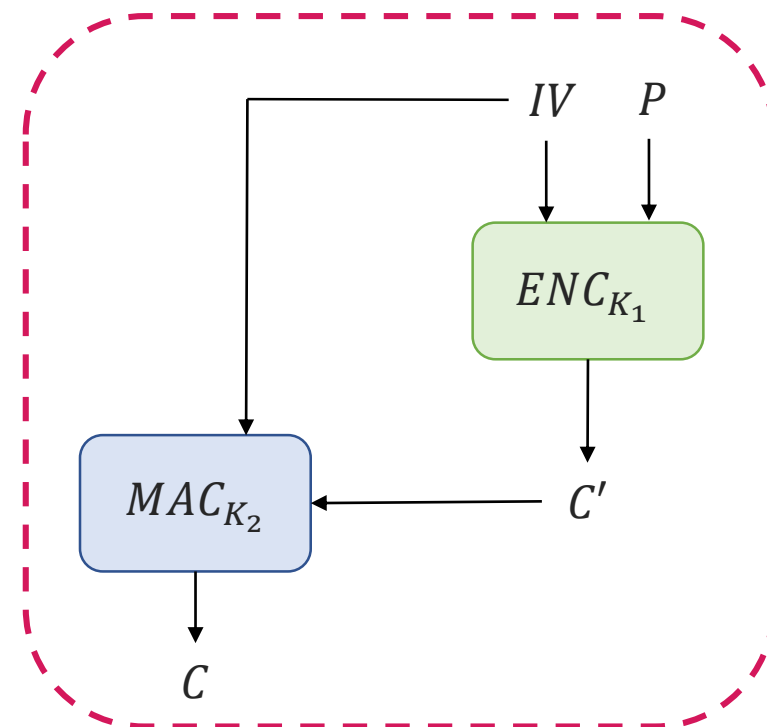
шифрование в режиме гаммирования:  $ENC_K(IV, P) = \Gamma(K, IV) \oplus P$



Mac-then-Encrypt (MtE)



Mac-and-Encrypt (M&E)



Encrypt-then-Mac (EtM)

# Свойство MRAE-int

Misuse-Resistant Authenticated Encryption integrity



$IV$  может повторяться

$IV$  может повторяться

Задача нарушителя: предъявить нетривиальную подделку  $(IV^*, C^*)$

# Свойство $MRAE-int$ : достаточное условие для $INT-RUP$

Misuse-Resistant Authenticated Encryption integrity



$IV$  может повторяться

$IV$  может повторяться

Задача нарушителя: предъявить нетривиальную подделку  $(IV^*, C^*)$

Для  $AE \in \{MtE, M\&E, EtM\}$  с  $ENC$  в режиме гаммирования:

$MRAE-int \Rightarrow INT-RUP$

# Свойство MRAE-int: очень сильное условие

Пример (Mac-and-Encrypt):

$$T = MAC_{K=(K_2, K_3)}(IV, P) = H(K_2, P) \oplus F(K_3, IV)$$

$$C' = ENC_{K_1}(IV, P) = \Gamma(K_1, IV) \oplus P$$

Схема MAC Вегмана-Картера:

$H$  – универсальная хэш-функция,  $F$  – псевдослучайная функция



не является MRAE-int стойким



потенциально является INT-RUP стойким

# Свойство MRAE-int: очень сильное условие

Пример (Mac-and-Encrypt):

$$T = \text{MAC}_{K=(K_2, K_3)}(IV, P) = H(K_2, P) \oplus F(K_3, IV)$$

$$C' = \text{ENC}_{K_1}(IV, P) = \Gamma(K_1, IV) \oplus P$$

Атака в модели MRAE-int:

1)  $C'_1 || T_1 \leftarrow \text{Enc}(IV_1, P_1) \quad // T_1 = H(K_2, P_1) \oplus F(K_3, IV_1)$

2)  $C'_2 || T_2 \leftarrow \text{Enc}(IV_2, P_1) \quad // T_2 = H(K_2, P_1) \oplus F(K_3, IV_2)$

3)  $C'_3 || T_3 \leftarrow \text{Enc}(IV_1, P_2) \quad // T_3 = H(K_2, P_2) \oplus F(K_3, IV_1)$

4)  $T_4 \leftarrow T_1 \oplus T_2 \oplus T_3 \quad // T_4 = H(K_2, P_2) \oplus F(K_3, IV_2)$

5)  $C'_4 \leftarrow P_2 \oplus (P_1 \oplus C'_2)$

6) Вернуть подделку  $(IV_2, C'_4 || T_4)$

повтор  $IV$  при  
шифровании

# Свойство MRAE-int: очень сильное условие

Пример (Mac-and-Encrypt):

$$T = \text{MAC}_{K=(K_2, K_3)}(IV, P) = H(K_2, P) \oplus F(K_3, IV)$$

$$C' = \text{ENC}_{K_1}(IV, P) = \Gamma(K_1, IV) \oplus P$$

Атака в модели MRAE-int:

- 1)  $C'_1 || T_1 \leftarrow \text{Enc}(IV_1, P_1) \quad // T_1 = H(K_2, P_1) \oplus F(K_3, IV_1)$
- 2)  $C'_2 || T_2 \leftarrow \text{Enc}(IV_2, P_1) \quad // T_2 = H(K_2, P_1) \oplus F(K_3, IV_2)$
- 3)  $C'_3 || T_3 \leftarrow \text{Enc}(IV_1, P_2) \quad // T_3 = H(K_2, P_2) \oplus F(K_3, IV_1)$
- 4)  $T_4 \leftarrow T_1 \oplus T_2 \oplus T_3 \quad // T_4 = H(K_2, P_2) \oplus F(K_3, IV_2)$
- 5)  $C'_4 \leftarrow P_2 \oplus (P_1 \oplus C'_2)$
- 6) Вернуть подделку  $(IV_2, C'_4 || T_4)$

схема MAC не является стойкой при повторе  $IV$

# Ослабляем условия...

Модель  $nUF$ -CMA (nonce-based UnForgeability under Chosen Message Attack) для схемы MAC



Задача нарушителя: предъявить нетривиальную подделку  $(IV^*, P^*, T^*)$

Для  $AE \in \{MtE, M\&E, EtM\}$  с  $ENC$  в режиме гаммирования:

$MAC$  –  $nUF$ -CMA стойкий  
независимые ключи для  $ENC$  и  $MAC$  }  $\Rightarrow INT-RUP$

# Как следствие...

Пример (Mac-and-Encrypt):

$$T = MAC_{K=(K_2, K_3)}(IV, P) = H(K_2, P) \oplus F(K_3, IV)$$

$$C' = ENC_{K_1}(IV, P) = \Gamma(K_1, IV) \oplus P$$



является INT-RUP стойким

Для  $AE \in \{MtE, M\&E, EtM\}$  с  $ENC$  в режиме гаммирования :

$$INT-RUP \not\Rightarrow MRAE-int$$



# А что со схемами ГОСТ?



MGM

Encrypt-then-Mac

потенциально стойкий в INT-RUP,  
т.к. потенциально стойкий в MRAE-int,  
см. [1]



CMS  
Encrypted/EnvelopedData

Mac-then-Encrypt

построена атака в INT-RUP

[1] A. Kurochkin, D. Fomin «MGM Beyond the Birthday Bound», CTCrypt'19

# Шифрование в CMS

$CMS.Enc(K = (K_{enc}, K_{mac}), P)$ :

1.  $IV \leftarrow_U \{0,1\}^{n/2}$
2.  $T \leftarrow OMAC(K_{mac}, P)$
3.  $C \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, P||T)$
4. return  $(IV, C)$

$CMS.Dec(K = (K_{enc}, K_{mac}), IV, C)$ :

1.  $P||T \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, C)$
2.  $T' \leftarrow OMAC(K_{mac}, P)$
3. if  $(T' = T)$ : return  $P$
4. return *false*

# Шифрование в CMS (в условиях RUP)

$CMS.Enc(K = (K_{enc}, K_{mac}), P):$

1.  $IV \leftarrow_U \{0,1\}^{n/2}$
2.  $T \leftarrow OMAC(K_{mac}, P)$
3.  $C \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, P||T)$
4. return  $(IV, C)$

$CMS.Dec(K = (K_{enc}, K_{mac}), IV, C):$

1.  $P||T \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, C)$
2. return  $P$

$CMS.Verify(K = (K_{enc}, K_{mac}), IV, C):$

1.  $P||T \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, C)$
2.  $T' \leftarrow OMAC(K_{mac}, P)$
3. if  $(T' = T)$ : return *true*
4. return *false*

# Атака на CMS



1. Делает запрос на шифрование  $Enc(P) \rightarrow (IV, C)$
2. Делает запрос на расшифрование  $Dec(IV, C_1) \rightarrow P_1$  и вычисляет
$$\Gamma = C_1 \oplus P_1$$
3. Делает запрос на расшифрование  $Dec(IV^*, C_2) \rightarrow P_2$  и вычисляет
$$\Gamma^* = C_2 \oplus P_2$$
4. Вычисляет  $C^* = \Gamma \oplus C \oplus \Gamma^*$
5. Предъявляет  $(IV^*, C^*)$  в качестве подделки

# Атака на CMS



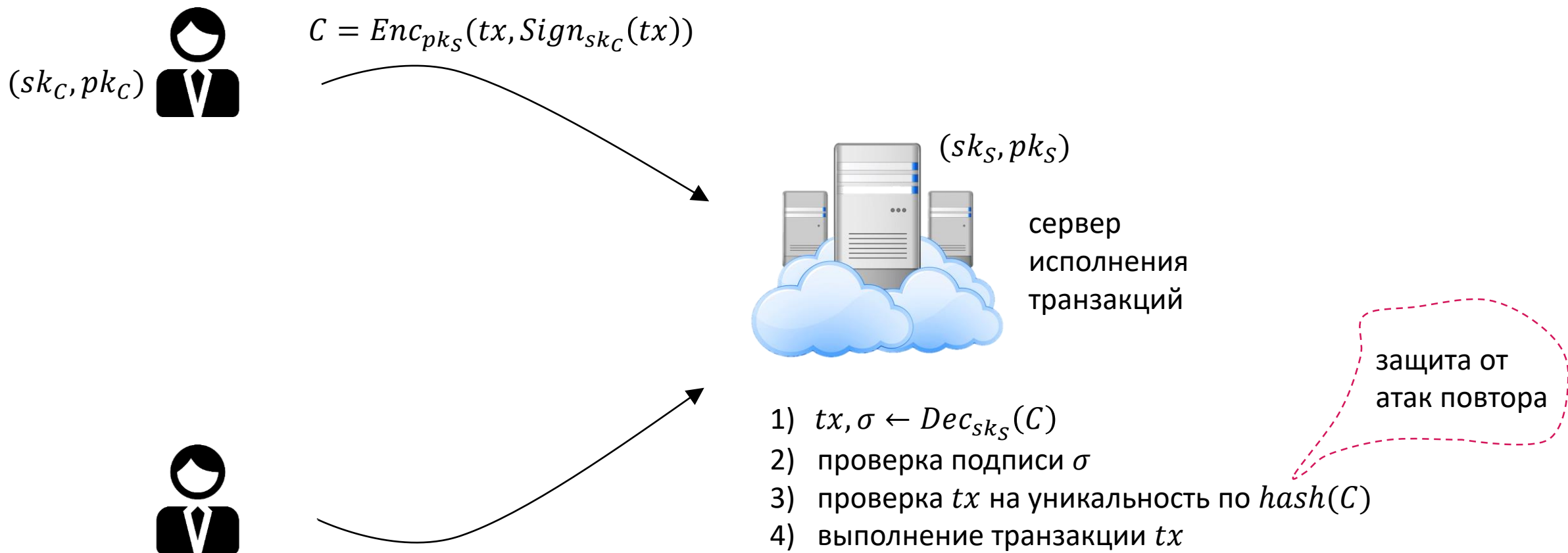
1. Делает запрос на шифрование  $Enc(P) \rightarrow (IV, C)$
2. Делает запрос на расшифрование  $Dec(IV, C_1) \rightarrow P_1$  и вычисляет  $\Gamma = C_1 \oplus P_1$
3. Делает запрос на расшифрование  $Dec(IV^*, C_2) \rightarrow P_2$  и вычисляет  $\Gamma^* = C_2 \oplus P_2$
4. Вычисляет  $C^* = \Gamma \oplus C \oplus \Gamma^*$
5. Предъявляет  $(IV^*, C^*)$  в качестве подделки

$$C \oplus \Gamma = P \parallel T$$

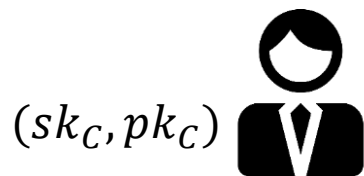
$$C^* = (P \parallel T) \oplus \Gamma^*$$

Проблема: можно «перешифровать»  $(P \parallel T)$  с помощью другого  $IV$ , имитовставка не зависит от  $IV$

# Пример прикладной системы



# Пример прикладной системы



$$C = Enc_{pk_S}(tx, Sign_{sk_C}(tx))$$

1.  $tx$  = «перевести  
100 рублей клиенту В»

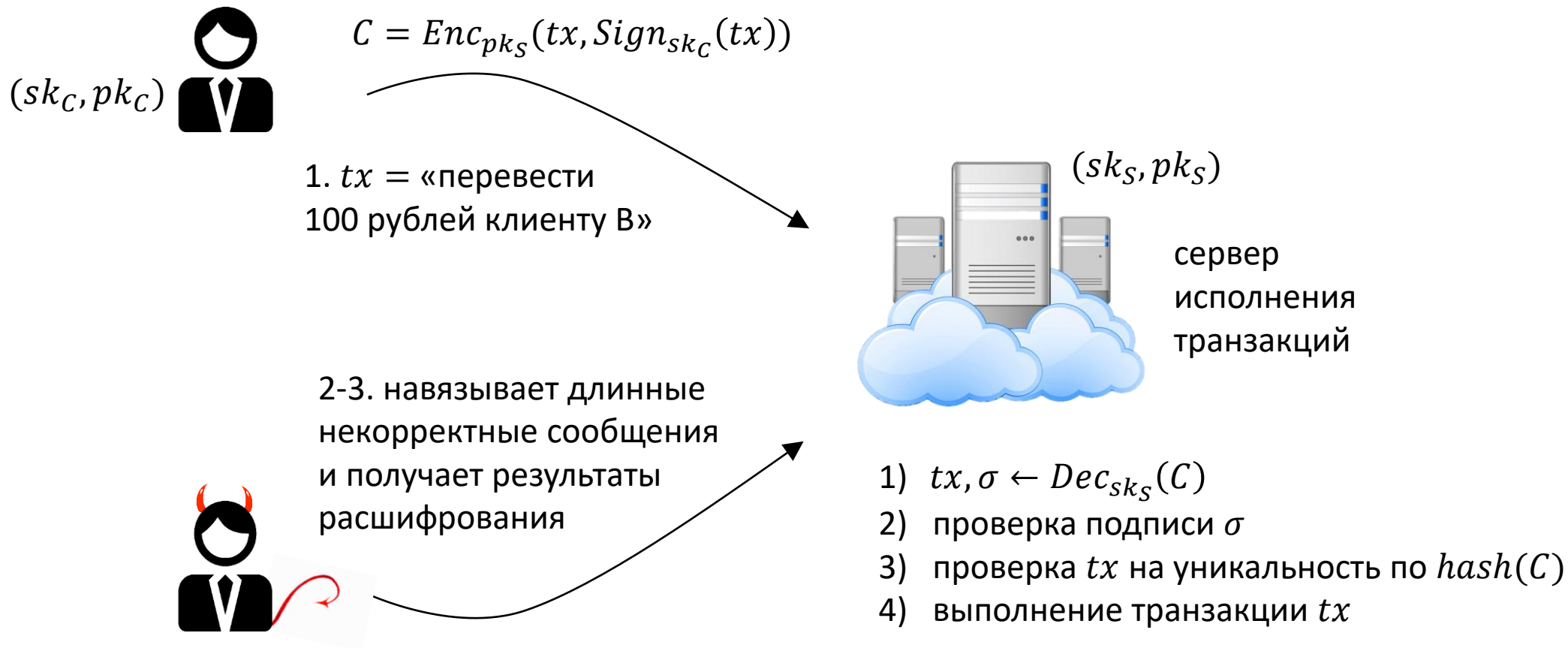


$(sk_S, pk_S)$

сервер  
исполнения  
транзакций

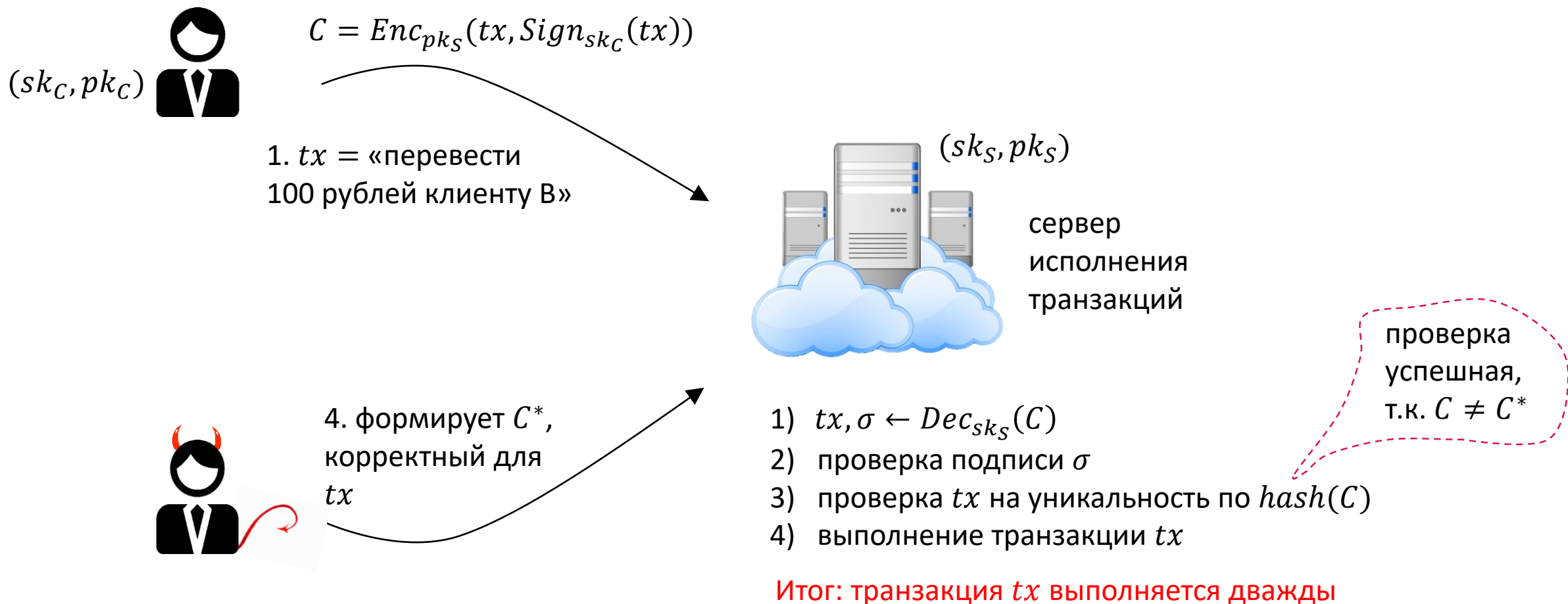
- 1)  $tx, \sigma \leftarrow Dec_{sk_S}(C)$
- 2) проверка подписи  $\sigma$
- 3) проверка  $tx$  на уникальность по  $hash(C)$
- 4) выполнение транзакции  $tx$

# Пример прикладной системы





# Пример прикладной системы



# Что делать?



**Решение.** *Организационно-технические меры*

Требования по использованию механизма в случае поточной обработки данных:

- 1) получаемые в процессе расшифрования открытые данные не должны обрабатываться или храниться в месте, доступном нарушителю, до момента окончания процесса обработки
- 2) в случае завершения процесса обработки с ошибкой необходимо удалить все полученные открытые данные безопасным образом

# В будущем – новая версия CMS

- 1) на основе MGM
- 2) на основе текущего стандарта

$CMS.Enc(K = (K_{enc}, K_{mac}), P):$

1.  $IV \leftarrow_U \{0,1\}^{n/2}$
2.  $T \leftarrow OMAC(K_{mac}, IV || P)$
3.  $C \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, P || T)$
4. return  $(IV, C)$

$CMS.Dec(K = (K_{enc}, K_{mac}), IV, C):$

1.  $P || T \leftarrow CTR-ACPKM(l, K_{enc}, IV, C)$
2.  $T' \leftarrow OMAC(K_{mac}, IV || P)$
3. if  $(T' = T)$ : return  $P$
4. return *false*



стойкость в INT-RUP обеспечивается за счет неподделываемости  $OMAC$  в модели  $nUF-CMA$

**Спасибо за внимание!**

**Контактная информация:**

[babueva@cryptopro.ru](mailto:babueva@cryptopro.ru)